МИНОБРНАУКИ РОССИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНЖЕНЕРНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ»

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по учебной работе
Василенко В.Н.
« 25 » мая 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Математика (наименование дисциплины)

Направление подготовки

18.03.01 Химическая технология (код и наименование направления подготовки)

Направленность (профиль)

<u>Химическая технология полимеров, неорганических веществ, биологически активных</u> соединений и косметических средств

Квалификация выпускника **Бакалавр**

Разраоотчик	(подпись)	<u>23.05.2023 Г.</u> (дата)	<u>кузнецов С.В.</u> (Ф.И.О.)
СОГЛАСОВАНО:			
Заведующий каф		ППиТБ зание кафедры, являющейс	ся ответственной за данное направление подготовки, профиль)
(подпись)		05.23	Карманова О.В. (Ф.И.О.)

1. Цели и задачи дисциплины

Целью освоения дисциплины является формирование компетенций обучающегося в области профессиональной деятельности и сфере профессиональной деятельности:

- 26 Химическое, химико-технологическое производство (в сферах: производства неорганических веществ; производства продуктов основного и тонкого органического синтеза; производства полимерных материалов)
- 40 Сквозные виды профессиональной деятельности в промышленности (в сфере организации и проведения научно-исследовательских и опытно-конструкторских работ в области химического и химико-технологического производства

Дисциплина направлена на решение задач профессиональной деятельности следующих типов:

научно-исследовательский; технологический;

организационно-управленческий.

Программа составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки/специальности 18.03.01 – Химическая технология.

2. Перечень планируемых результатов обучения, соотнесенных с планируе-

мыми результатами освоения образовательной программы

№ п/п	Код компе-	Формулировка компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
	тенции		
1	ОПК-2	Способен использовать математические, физические, физикохимические, химические методы для решения задач профессиональной деятельности	ИД1 _{ОПК-2} – Демонстрирует знания основ математики, физики, химии, применяет физико-математический аппарат при решении задач профессиональной деятельности

Код и наименование индикатора	Результаты обучения (показатели оценивания)
достижения компетенции	
ИД1 _{ОПК-2} – Демонстрирует знания	Знает: основные понятия и методы математики
основ математики, физики, химии,	Умеет: использовать математические понятия, математические
применяет физико-математичес-	методы для описания различных процессов
кий аппарат при решении задач	Владеет: навыками использования математического аппарата и
профессиональной деятельности	математических методов

3. Место дисциплины в структуре ООП ВО

Дисциплина относится к обязательной части Блока 1 ООП. Дисциплина является обязательной к изучению.

Изучение дисциплины основано на знаниях, умениях и навыках, полученных при изучении дисциплин в средней школе.

Дисциплина является предшествующей для изучения дисциплин: Электротехника и электроника, Прикладная механика, Тепло- и хладотехника, Процессы и аппараты, Моделирование химико-технологических процессов, Учебная практика (научно-исследовательская работа (получение первичных навыков научно-исследовательской работы)).

.

4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 9 зачетных единиц.

Виды учебной работы	Всего ака- демических		трудоемкости по рам, ак. ч.
	часов	1 семестр	2 семестр
Общая трудоемкость дисциплины	324	180	144
Контактная работа в т.ч. аудитор- ные занятия:	170,6	78,7	91,9
Лекции	66	30	36
в том числе в форме практической подготовки	0	0	0
Практические занятия (ПЗ)	99	45	54
в том числе в форме практической подготовки	0	0	0
Консультации текущие	3,3	1,5	1,8
Консультация перед экзаменом	2	2	-
Виды аттестации (зачет, экзамен)	0,3	0,2	0,1
Самостоятельная работа:	119,6	67,5	52,1
Проработка материалов по лекциям, учебникам, учебным пособиям	50,6	37,5	13,1
Подготовка к практическим занятиям	33	15	18
Подготовка к аудиторной контрольной работе	19	6	13
Выполнение расчетов для Д3	17	9	8
Подготовка к экзамену (контроль)	33,8	33,8 Экзамен	зачет

5 Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

5.1 Содержание разделов дисциплины

Nº п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела (указываются темы и дидактические единицы)	Трудоемкость раздела, ак.ч
1	Линейная алгебра	1. Определители второго и третьего порядков. Свойства определителей. Определители более высоких порядков. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. 2. Матрицы. действия над матрицами. Единичная и обратная матрицы. Решение систем матричным способом.	24
2	Векторная алгебра	 Векторы. Определение, действия над векторами. Скалярное произведение векторов, их свойства и приложения. Векторное и смешанное произведение векторов, их свойства и приложения. 	23
3	Аналитическая геометрия 5. Линия на плоскости. Уравнение линии на плоскости. Прямая на плоскости. Уравнения прямой на плоскости. 6. Кривые второго порядка. 7. Аналитическая геометрия в пространстве. Плоскость,		35

		- '	
	Дифференциальное ис-	9. Введение в анализ. Понятие переменной величины.	
	числение	Функция, способы задания функции.	CO 5
		10. Пределы. Теоремы о пределах.	60,5
		11. Бесконечно малые и бесконечно большие величи-	
		ны. Первый и второй замечательные пределы.	
		12. Непрерывность функции. Теоремы о непрерывных	
1		на отрезке функциях.	
4		13. Производная функции. Геометрический и механи-	
		ческий смысл. Таблица производных.	
		14. Дифференциал. Определение, приложения. Диф-	
		ференцирование функций.	
		15. Теоремы о дифференцируемых на интервале	
		функциях.	
		16. Раскрытие неопределенностей. Правило Лопиталя.	
	Пиффоролициальное	Формула Тейлора. Исследование функции.	
	Дифференциальное ис-	17. Понятие функции многих переменных. Геометриче-	
	числение функции не-	ское истолкование функции двух переменных. Предел	16
	скольких переменных	и непрерывность функции многих переменных. Част- ные и полные приращения функции многих перемен-	10
5		ные и полные приращения функции многих перемен-	
		ский смысл. Производные высших порядков.	
		18. Экстремум функции нескольких переменных. Про-	
		изводная по направлению. Градиент.	
	Интегральное исчисление	19. Понятие первообразной. Неопределенный инте-	
	функции одной перемен-	грал, его свойства. Таблица основных интегралов. Не-	
	ной	посредственное интегрирование.	57
	TION .	20. Формула интегрирования по частям. Замена пере-	O1
		менной в неопределенном интеграле.	
		21. Интегрирование выражений, содержащих квадрат-	
		ный трехчлен в знаменателе.	
		22. Интегрирование простейших рациональных дробей.	
		Интегрирование рациональных дробей.	
		23Интегрирование тригонометрических выражений.	
6		24. Интегрирование некоторых иррациональных	
		выражений	
		25.Задачи, приводящие к понятию определенного	
		интеграла. Определенный интеграл и его основные	
		свойства.	
		26. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной в	
		определенном интеграле. Интегрирование по частям.	
		27. Вычисление площади плоской фигуры, длины дуги,	
		объем тела вращения.	
		28. Несобственные интегралы с бесконечными	
		пределами и от разрывных функций.	
7	Элементы ТФКП	29. Комплексные числа. Действия над комплексными	7
		числами.	
	Дифференциальные урав-	30. Дифференциальные уравнения (основные понятия).	
	нения	Дифференциальные уравнения первого порядка.	
		Теорема существования и единственности его решения	40.4
		Начальные условия. Общее и частное решения. Задача	43,1
		Коши. Математические методы решения дифференци-	
		альных уравнений	
		31.Дифференциальные уравнения первого порядка с	
		разделенными и разделяющимися переменными.	
8		Однородные уравнения первого порядка. Линейные	
		уравнения и уравнения Бернулли.	
		32. Дифференциальные уравнения второго порядка.	
		Дифференциальные уравнения второго порядка,	
		допускающие понижение порядка.	
		33. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка. Структура общего решения однородного	
		порядка. Структура оощего решения однородного линейного дифференциального уравнения.	
		Однородные линейные дифференциальные уравнения	
		одпородные липеиные дифференциальные уравнения	

		второго порядка с постоянными коэффициентами. 34. Неоднородные линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида. 35. Метод вариации произвольных постоянных. Системы дифференциальных уравнений. Использование дифференциальных уравнений для решения задач профессиональной деятельности.	
9	Ряды	 44. Числовые ряды. Необходимое условие сходимости. Признак Даламбера, признак Коши, интегральный признак, признаки сравнения. 45.Знакочередующиеся ряды. Теорема Лейбница. 46. Знакопеременные ряды. Признак сходимости знакопеременных рядов. Абсолютная и условная сходимость 47.Функциональные ряды. Степенные ряды, теорема Абеля. Радиус и интервал сходимости степенных рядов. 48. Ряды Тейлора. Применение рядов в приближенных вычислениях. 	19
		Консультации текущие	3,3
	Ko	онсультации перед экзаменом	2
		0,3	

5.2 Разделы дисциплины и виды занятий

Nº п/п	Наименование раздела дисциплины	Лекции, ак. ч	Практические	СРО, ак. ч
11/11	Линейная алгебра	1	занятия, ак. ч	12
		4	0	
2	Векторная алгебра	4	6	13
3	Аналитическая геометрия	6	12	17
4	Дифференциальное исчисление	16	19	25,5
5	Дифференциальное исчисление функ-	4	6	6
	ции нескольких переменных			U
6	Интегральное исчисление функции од-	12	24	21
	ной переменной			21
7	Элементы ТФКП	2	2	3
8	Дифференциальные уравнения	12	16	15,1
9	Ряды	6	6	7

5.2.1 Лекции

	∠. г лекции	1	
Nº	Наименование раздела дисципли-	Тематика лекционных занятий	Трудоемкость,
п/п	НЫ	тематика лекционных занятии	час
		1 семестр	
1	Линейная алгебра	1. Определители второго и третьего порядков. Основные свойства определителей. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. 2. Матрицы и действия над матрицами. Решение систем алгебраических уравнений матричным способом.	4
2	Векторная алгебра	3. Векторы. Линейные операции над векторами. Скалярное произведение векторов, и его свойства и приложения. 4. Векторное и смешанное произведение векторов, их свойства и приложения.	4
3	Аналитическая геометрия	5. Системы координат на плоскости. Прямая на плоскости. Уравнения прямой на плоскости. Расстояние точки до прямой.	6

	<u> </u>	C. Krypt to proper roughly water	
		6. Кривые второго порядка. Их канонические уравнения и свойства. 7. Плоскость в пространстве. Прямая в пространстве. Уравнения прямой в	
		пространстве. Прямая и плоскость в	
		пространстве.	
4	Дифференциальное исчисление	пространстве. 8. Функция, способы задания функции. Предел функции. Теоремы о пределах. 9. Первый и второй замечательные пределы. Бесконечно малые и бесконечно боьшие функции. 10. Непрерывность функции. Классификация разрывов. Теоремы о непрерывных функциях. 11. Понятие производной и дифференциала, их геометрический смысл. Правила дифференцирования. Формулы дифференцирования основных элементарных функций. 12. Дифференцирование сложных функций, обратной функции. Производные высших порядков. Дифференцирование функций заданных параметрически и неявно. Основные теоремы дифференциального исчисления 13. Неопределенности. Правило Лопиталя. Формула Тейлора. 14. Возрастание и убывание функций. Максимум и минимум. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Выпуклость графика функции. Точки перегиба.	16
		15. Асимптоты функций Общее исследование поведения графика	
		функции.	
		2 семестр	
5	Дифференциальное исчисление	1. Функция многих переменных. Пре-	
	функции нескольких переменных	дел и непрерывность функции многих переменных. Частные и полные приращения функции многих переменных. Частные производные. Полное приращение и полный дифференциал. 2. Производная сложной функции. Инвариантность формы первого дифференциала. Производная функции заданной неявно. Частные производные высших порядков. Экстремум функции двух переменных. Скалярное поле. Производная по направлению. Градиент	4
6	Интегральное исчисление функции одной переменной	3. Первообразная и неопределенный интеграл, их свойства. Таблица интегралов. Замена переменной в неопределенном интеграле. Интегрирование по частям. 4.Разложение дробно-рациональных функций на простейшие дроби. Интегрирование дробно-рациональных функций.	12

	1		
		5. Интегрирование иррациональных	
		функций. Интегрирование тригоно-	
		метрических функций.	
		6. Определенный интеграл. Геомет-	
		рический смысл и свойства. Тео-	
		рема о среднем и ее геометрический	
		смысл. 7. Интеграл с переменным верхним	
		пределом. Основная формула инте-	
		грального исчисления. Замена пере-	
		менной в определенном интеграле.	
		Интегрирование по частям в опреде-	
		ленном интеграле.	
		8. Вычисление площадей плоских	
		фигур и длины дуги плоской кривой	
		с помощью определенного интегра-	
		ла. Вычисление объемов тел враще-	
		ния. Несобственные интегралы.	
7	Элементы ТФКП	9. Комплексные числа, действия над	2
		ними.	
8	Дифференциальные уравнения	10. Дифференциальные уравнения.	
		Основные понятия.	
		Дифференциальные уравнения	
		первого порядка. Математические	
		методы решения дифференциаль-	
		ных уравнений. Дифференциальные	
		уравнения первого порядка с	
		разделенными и разделяющимися	
		переменными. Однородные	
		уравнения первого порядка. 11. Линейные уравнения и уравнения	
		Бернулли. Дифференциальные	
		уравнения второго порядка.	
		Дифференциальные уравнения	
		второго порядка, допускающие	
		понижение порядка.	
		12. Линейные дифференциальные	
		уравнения второго порядка.	
		Определитель Вронского. Структура	
		общего решения однородного	12
		линейного дифференциального	
		уравнения.	
		13. Неоднородные линейные	
		дифференциальные уравнения.	
		Структура общего решения. Метод вариации произвольных постоянных.	
		14. Неоднородные линейные	
		дифференциальные уравнения 2-го	
		порядка с постоянными	
		коэффициентами и правой частью	
		специального вида.	
		15. Системы обыкновенных диффе-	
		ренциальных уравнений с постоян-	
		ными коэффициентами. Решение	
		системы обыкновенных дифферен-	
		циальных уравнений. Использование	
		дифференциальных уравнений для	
		решения задач профессиональной	
	Bern	деятельности.	
9	Ряды	16. Числовые ряды. Необходимое	
		условие сходимости. Признаки схо-	6
		димости 17. Знакопеременные ряды. Теорема	6
	•	тти энакопеременные рялы теорема	

Лейбница. Абсолютная и условная	
сходимость. Функциональные ряды.	
Степенные ряды, теорема Абеля.	
Радиус и интервал сходимости сте-	
пенных рядов.	
18. Разложение функций в степен-	
ные ряды. Применение рядов в при-	
ближенных вычислениях.	

	2.2 Практические занятия			
Nº	Наименование раздела дисципли-	Тематика практических занятий	Трудоемкость,	
п/п	НЫ	·	час	
1	Линейная алгебра	1 семестр 1. Определители второго и третьего порядков. 2. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. 3. Матрицы. Действия над матрицами. 4. Решение систем матричным спосо-	8	
2	Векторная алгебра	бом. 5. Векторы. Действия над векторами. 6. Скалярное произведение векторов, их свойства и приложения. 7. Векторное произведение векторов, свойства и приложения. Смешанное произведение векторов, свойства и приложения.	6	
3	Аналитическая геометрия	8. Прямая на плоскости: с угловым коэффициентом, через точку с заданным направлением, через две точки. Параллельные и перпендикулярные прямые, угол между двумя прямыми. Расстояние от точки до прямой. 9.Задачи на прямую. 10. Кривые 2-го порядка: окружность со смещенным центром, эллипс. 11. Кривые 2-го порядка: гипербола и асимптоты, парабола. 12. Плоскость в пространстве. Прямая в пространстве.	12	
4	Дифференциальное исчисление	14. Вычисление пределов функций. 15. Замечательные пределы. 16. Непрерывность функции. 17. Правила дифференцирования. Дифференцирование функций. 18. Дифференцирование функций. Производные высших порядков. 19. Производные функций, заданных параметрически, неявно. 20. Контрольная работа. 21. Правило Лопиталя Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. 22.Общее исследование функции и построение графика.	19	
2 семестр				
5	Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	1. Функции нескольких переменных. Область определения. Предел. 2. Частные производные функций нескольких переменных.	6	

	T	2. Overnous distribution de Porto	
		3. Экстремум функции двух переменных. Производная по направлению.	
		Градиент.	
6	Интегральное исчисление функции одной переменной	 4. Непосредственное интегрирование. 5. Внесение под знак дифференциала, интегрирование заменой переменной 6. Интегрирование выражений содержащих квадратный трехчлен. Интегрирование по частям. 7. Интегрирование дробнорациональных функций. 8. Интегрирование дробнорациональных функций. Интегрирование иррациональных функций. 9. Интегрирование тригонометрических функций. 10. Интегрирование тригонометрических функций. 11. Контрольная работа. 12. Вычисление определенных интегралов. Интегрирование по частям. 13. Замена переменной в определенном интеграле. 14. Вычисление площадей. Вычисле- 	24
		ние объемов тел вращения. 15. Вычисление длины дуги. Несобственные интегралы.	
7	Элементы ТФКП	16. Комплексные числа, действия над ними.	2
8	Дифференциальные уравнения	17. Математические методы решения дифференциальных уравнений. Дифференциальные уравнения 1-го порядка с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения 1-го порядка. 18. Линейные дифференциальные уравнения 1-го порядка. Уравнения Бернулли. 19. Дифференциальные уравнения 2-го порядка, допускающие понижение порядка 20. Однородные дифференциальные уравнения 2-го порядка. Метод вариации произвольной постоянной. 21. Решение неоднородных дифференциальных уравнений 2-го порядка со специальной правой частью. 22. Решение неоднородных дифференциальных уравнений 2-го порядка со специальной правой частью. 23. Контрольная работа. 24. Решение систем линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Использование дифференциальных уравнений для решения задач профессиональной деятельности.	16
9	Ряды	25. Числовые ряды. Исследование сходимости. Достаточные признаки сходимости числовых рядов. 26. Знакочередующиеся ряды. Тео-	6

рема Лейбница. Абсолютная и условная сходимость. Степенные ряды. Интервал сходимости. 27. Разложение функций в ряды. Приложение рядов к приближенным	
вычислениям.	

5.2.3 Лабораторный практикум Не предусмотрен

5.2.4 Самостоятельная работа обучающихся (СРО)

Nº п/п	Наименование раздела дисци- плины	Вид СРО		мкость, ас
1	Линейная алгебра	Проработка материалов по лекциям, учебникам, учебным пособиям Подготовка к практическим занятиям Выполнение расчетов для ДЗ	8 2 2	12
2	Векторная алгебра	Проработка материалов по лекциям, учебникам, учебным пособиям Подготовка к практическим занятиям Выполнение расчетов для ДЗ	8 2 3	13
3	Аналитическая геометрия	Проработка материалов по лекциям, учебникам, учебным пособиям Подготовка к практическим занятиям Выполнение расчетов для ДЗ	10 3 4	17
4	Дифференциальное исчисление	Проработка материалов по лекциям, учебникам, учебным пособиям Подготовка к практическим занятиям Подготовка к аудиторной контрольной работе	11,5 8 6	25,5
5	Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	Проработка материалов по лекциям, учебникам, учебным пособиям Подготовка к практическим занятиям Выполнение расчетов для ДЗ	1 2 3	6
6	Интегральное исчисление функции одной переменной	Проработка материалов по лекциям, учебникам, учебным пособиям Подготовка к практическим занятиям Подготовка к аудиторной контрольной работе	3 6 7	21
7	Элементы ТФКП	Выполнение расчетов для ДЗ Проработка материалов по лекциям, учебникам, учебным пособиям Подготовка к практическим занятиям	5 2 1	3
8	Дифференциальные уравнения	Проработка материалов по лекциям, учебникам, учебным пособиям Подготовка к практическим занятиям Подготовка к аудиторной контрольной работе	3,1 6 6	15,1
9	Ряды	Проработка материалов по лекциям, учебникам, учебным пособиям Подготовка к практическим занятиям	3	7

6 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины Для освоения дисциплины обучающийся может использовать

6.1 Основная литература

1. Богомолова, Е.П. Сборник задач и типовых расчётов по общему и специальным курсам высшей математики [Электронный ресурс]: учебное пособие / Е. П. Богомолова,

- А. И. Бараненков, И. М. Петрушко.- СПб: Лань, 2015. 463 с. https://e.lanbook.com/book/61356
- 2. Балдин, К.В. Математика [Электронный ресурс]: учебник / К.В. Балдин, В.Н. Башлыков, А.В. Рукосуев. Москва: Юнити-Дана, 2015. 543 с. https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=114423

6.2 Дополнительная литература

- 1. Минорский, В. П. Сборник задач по высшей математике [Текст]: учеб. пособие для студ.вузов (гриф Пр.) / В. П. Минорский. М.: Физико-математическая литература, 2006. 336 с.
- 2. Шипачев, В.С. Основы высшей математики [Текст]: учебник (гриф МО) / В. С. Шипачев. М.: Высшая школа, 2001. 479 с.
- 3. Берман, Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа [Текст]: Учебное пособие / Г. Н. Берман. СПб.: Профессия, 2008. 432 с.
- 4. Лунгу, К.Н. Высшая математика: руководство к решению задач [Электронный ресурс]: учебное пособие. Ч. 1 / К. Н. Лунгу, Е.В. Макаров. М.: Физматлит, 2013. 2016 c. https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=275606
- 5. Макаров Е.В.Высшая математика: руководство к решению задач : учебное пособие. М.: Физматлит Ч. 2.,2009 https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82250
- 6. Черненко, В.Д. Высшая математика в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учебное пособие: В 3 т. Том 1 / В. Д. Черненко. СПб: Политехника, 2011. 709 с. https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=129578
- 7. Черненко, В.Д. Высшая математика в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учебное пособие: В 3 т. Том 2 / В. Д. Черненко. СПб: Политехника, 2011. 568 с. https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=129579
- 8. Черненко, В.Д. Высшая математика в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учебное пособие: В 3 т. Том 3 / В. Д. Черненко. СПб: Политехника, 2011. 507 с. https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=129581
- 9. Шапкин, А.С. Задачи с решениями по высшей математике, теории вероятностей, математической статистике, математическому программированию: учебное пособие. М.: Издательско-торговая корпорация «Дашков и К°», 2020. 432 с. https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=573151

6.3 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся

- 1. Черненко, В.Д. Высшая математика в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учебное пособие: В 3 т. Том 1 / В. Д. Черненко. СПб: Политехника, 2011. 709 с. https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=129578
- 2. Черненко, В.Д. Высшая математика в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учебное пособие: В 3 т. Том 2 / В. Д. Черненко. СПб: Политехника, 2011. 568 с. https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=129579
- 3. Черненко, В.Д. Высшая математика в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учебное пособие: В 3 т. Том 3 / В. Д. Черненко. СПб: Политехника, 2011. 507 с. https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=129581

6.4 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

Наименование ресурса сети «Интернет»	Электронный адрес ресурса
«Российское образование» - федеральный портал	https://www.edu.ru/
Научная электронная библиотека	https://elibrary.ru/defaultx.asp?

Национальная исследовательская компьютерная сеть	https://niks.su/
Poccuu	
Информационная система «Единое окно доступа к об-	http://window.edu.ru/
разовательным ресурсам»	
Электронная библиотека ВГУИТ	http://biblos.vsuet.ru/megapro/web
Сайт Министерства науки и высшего образования РФ	https://minobrnauki.gov.ru/
Портал открытого on-line образования	https://npoed.ru/
Электронная информационно-образовательная среда	https://education.vsuet.ru/
ФГБОУ ВО «ВГУИТ»	

6.5 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения, современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем

При изучении дисциплины используется программное обеспечение, современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы: ЭИОС университета, в том числе на базе программной платформы «Среда электронного обучения ЗКL», автоматизированная информационная база «Интернет-тренажеры».

При освоении дисциплины используется лицензионное и открытое программное обеспечение – *н-p, OC Windows, OC ALT Linux.*

7 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Обеспеченность процесса обучения техническими средствами полностью соответствует требованиям ФГОС по направлению подготовки. Материально-техническая база приведена в лицензионных формах и расположена во внутренней сети по адресу http://education.vsuet.ru.

Аудитории для проведения лекционных занятий, текущего контроля и промежуточной аттестации:

Учебная аудитория № 401 для проведения	Комплект мебели для учебного процесса – 80 шт.	Microsoft Windows 8.1,
лекционных занятий, текущего контроля и	Переносной проектор Асег. Аудио-визуальная система лекци-	Microsoft Office 2007 Standart,
промежуточной аттестации	онных аудиторий (мультимедийный проектор EpsonEB-X18, настенный экран ScreenMedia)	
Учебная аудитория. № 332 для проведения лекционных занятий, текущего контроля и промежуточной аттестации	Комплект мебели для учебного процесса – 30 шт., Рабочие станции 12 шт (IntelCorei3-540)	Альт Образование 8.2 + LibreOffice 5.2, Лицензия № AAA.0217.00 с

Аудитория для самостоятельной работы обучающихся, курсового и дипломного проектирования

учебная аудитория № 337	Комплект мебели для учеб-	Microsoft Windows 7 Microsoft Open
для самостоятельной работы	ного процесса – 12 шт., Рабочие станции 11 шт	License Microsoft Windows Professional 7 Russian Upgrade Academic
обучающихся, курсового и дипломного проектирования	Рабочие станции 11 шт (Intel Core 2 DuoE7300)	OPEN 1 License No Level#47881748
дипломного проектирования	(inter core 2 buol 7 300)	от 24.12.2010г.
		http://eopen.microsoft.com,
		N
		Microsoft Visual Studio 2010 Субли-
		цензионный договор № 42082/VRN3 От 21 августа 2013 г. на право ис-
		пользование программы DreamS-
		parkElectronicSoftwareDeliver;

http://eopen.microsoft.com

Дополнительно самостоятельная работа обучающихся может осуществляться при использовании:

пом в сеть Интернет и Электронными библиотечными и информаци-	Альт Образование 8.2 + LibreOffice 6.2+Maxima Лицензия № ААА.0217.00 с 21.12.2017 г. по «Бессрочно»

Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования

Аудитория № 448 для хранения и профилактического об-	Комплект мебели для учеб- ного процесса – 6 шт.	Microsoft Windows 10 Microsoft Open License
служивания учебного обору-	Рабочие станции: Intel Core	Microsoft Windows Professional 10 Russian
дования	i7- 8700 - 1 шт; Intel Core i3-	Upgrade Academic OPEN 1 License No Lev-
	540 - 4 шт.	еl#47881748 от 24.12.2010г.
		http://eopen.microsoft.comMicrosoftVisualStudio
		2010 Сублицензионный договор №
		42082/VRN3 От 21 августа 2013 г. на право
		использование программы DreamSparkElec-
		tronicSoftwareDeliver;
		Microsoft Office 2007 Standar Microsoft Open
		License Microsoft Office 2007 Russian Academ-
		ic OPEN No Level #44822753 от
		17.11.2008http://eopen.microsoft.com

8 Оценочные материалы для промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Оценочные материалы (ОМ) для дисциплины включают в себя:

- перечень компетенций с указанием индикаторов достижения компетенций, этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы;
 - описание шкал оценивания;
- типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков;
- методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности.

ОМ представляются отдельным комплектом и **входят в состав рабочей программы дисциплины в виде приложения**.

Оценочные материалы формируются в соответствии с П ВГУИТ «Положение об оценочных материалах».

ПРИЛОЖЕНИЕ к рабочей программе

1. Организационно-методические данные дисциплины для заочной формы обучения

1.1 Объемы различных форм учебной работы и виды контроля в соответствии с учебным планом

Общая трудоемкость дисциплины составляет 9 зачетных единиц

Виды учебной работы	Всего ака- демических часов	емкости по	еление трудо- по семестрам, ак. ч.	
		1 семестр	2 семестр	
Общая трудоемкость дисциплины	324	180	144	
Контактная работа в т.ч. ауди- торные занятия:	33,7	17,9	15,8	
Лекции	12	6	6	
в том числе в форме практической подготовки	-	-	-	
Практические занятия (ПЗ)	16	8	8	
в том числе в форме практической подготовки	-	-	-	
Консультации текущие	1,8	0,9	0,9	
Консультация перед экзаменом	2	2	-	
Консультации по выполнению контрольной работы	1,6	0,8	8,0	
Виды аттестации (зачет, экзамен)	0,3	0,2	0,1	
Самостоятельная работа:	279,6	155,3	124,3	
Проработка материалов по лекциям, учебникам, учебным пособиям	247,6	139,3	108,3	
Подготовка к практическим занятиям	12	6	6	
Контрольная работа (2)	20	10	10	
Подготовка к экзамену (контроль)	10,7	6,8	3,9	
		(Экзамен)	(Зачет)	

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

по дисциплине

МАТЕМАТИКА

1 Перечень компетенций с указанием этапов их формирования

№ п/п	Код компе- тенции	Формулировка компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
21	ОПК-2	Способен использовать математические, физико-химические, химические методы для решения задач профессиональной деятельности	ИД1 _{ОПк-2} — Демонстрирует знания основ математики, физики, химии, применяет физико-математический аппарат при решении задач профессиональной деятельности

Код и наименование индикатора	Результаты обучения (показатели оценивания)
достижения компетенции	
ИД1 _{ОПК-2} – Демонстрирует знания	Знает: основные понятия и методы математики
основ математики, физики, химии,	Умеет: использовать математические понятия, математические
применяет физико-математичес-	методы для описания различных процессов
кий аппарат при решении задач	Владеет: навыками использования математического аппарата и
профессиональной деятельности	математических методов

2 Паспорт оценочных материалов по дисциплине

Nº	Разделы дис-	Индекс кон-	Оценочные с		Технология/процедура оценива-
п/п	циплины	тролируемой компетенции (или ее части)	наименование	№№ заданий	ния (способ контроля)
1		ОПК -2	Вопросы к экзамену	45-47	собеседование
	Линейная ал-		Тестовые задания	1-3	бланочное тестирование
	гебра		Домашнее задание	40	проверка преподавателем
			Кейс-задание	32	проверка преподавателем
2		ОПК -2	Вопросы к экзамену	48-52	собеседование
	Векторная		Тестовые задания	4-6	бланочное тестирование
	алгебра		Домашнее задание	41	проверка преподавателем
			Кейс-задание	33	проверка преподавателем
3	A.1.0.51471410	ОПК -2	Вопросы к экзамену	53-60	собеседование
	Аналитиче-		Тестовые задания	7-9	бланочное тестирование
	ская геомет-		Домашнее задание	42	проверка преподавателем
	рия		Кейс-задание	34	проверка преподавателем
4	Durch de ale a le autre	ОПК -2	Вопросы к экзамену	61-87	собеседование
	Дифференци-		Тестовые задания	10-12	бланочное тестирование
	альное ис- числение		Контрольная работа	29	проверка преподавателем
	числение		Кейс-задание	35	проверка преподавателем
5	Дифференци-		Вопросы к зачету	88-97	собеседование
	альное ис- числение	Olik -2	Тестовые задания	13-15	бланочное тестирование
			Домашнее задание	43	проверка преподавателем
	функции не- скольких пе- ременных		Кейс-задание	36	проверка преподавателем
6	Интегральное		Вопросы к зачету	98-117	собеседование
	исчисление	ОПК -2	Тестовые задания	16-19	бланочное тестирование
	функции од-	OTIK Z	Контрольная работа	30	проверка преподавателем
	ной перемен-		Домашнее задание	44	проверка преподавателем
	ной		Кейс-задание	37	проверка преподавателем
7			Вопросы к зачету	118, 119	собеседование
	Элементы ТФКП	ОПК -2	Тестовые задания	20, 21	бланочное тестирование
8	Дифференци-		Вопросы к зачету	120-137	собеседование
	дифференци- альные урав- нения		Тестовые задания	22-25	бланочное тестирование
			Контрольная работа	31	проверка преподавателем
	ПСПИЛ		Кейс-задание	38	проверка преподавателем
9			Вопросы к зачету	138-143	собеседование
	Ряды	ды ОПК -2	Тестовые задания	26-28	бланочное тестирование
			Кейс-задание	39	проверка преподавателем

3 Оценочные материалы для промежуточной аттестации.

Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

Аттестация обучающегося по дисциплине проводится в форме выполнения домашнего задания и решения контрольных задач и предусматривает возможность последующего собеседования (зачета, экзамена).

Каждый билет включает в себя 1- 4 контрольных вопросов (задач), из них:

- 1-3 контрольных вопросов на проверку знаний;
- 1-2 задачи на проверку умений и навыков.

3.1 Тесты (тестовые задания)

3.1.1 Шифр и наименование компетенции

№ за-	Тестовое задание с вариантами ответов и правильными ответами
т <u>ч</u> за- дания	теотовое задание о вариантами ответов и правильными ответами
1	Определитель матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 2 & 5 & 0 \\ -1 & 1 & 4 \end{pmatrix}$ равен
	Ответ <u>44</u>
2	Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 4 & 8 \\ 3 & -2 \end{pmatrix}$. Матрица A-В равна:
	$1 \begin{pmatrix} -3 & -6 \\ 0 & 7 \end{pmatrix} \qquad 2) \begin{pmatrix} -3 -6 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} \qquad 3) \begin{pmatrix} 9 & 8 \\ 0 & 5 \end{pmatrix} \qquad 4) \begin{pmatrix} 6 & 1 & 2 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$
3	При решении системы $\begin{cases} x+2y=2, \\ 3x-4y=7 \end{cases}$ по правилу Крамера:
	1) $\Delta = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -4 \end{vmatrix}$, $\Delta_1 = \begin{vmatrix} 2 & 7 \\ 3 & -4 \end{vmatrix}$, $\Delta_2 = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 7 \end{vmatrix}$,
	$\begin{vmatrix} 3 & \Delta = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{vmatrix}, \Delta_1 = \begin{vmatrix} 2 & 2 \\ 7 & 4 \end{vmatrix}, \Delta_2 = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 7 \end{vmatrix},$
	$\begin{vmatrix} 4 \rangle \Delta = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -4 \end{vmatrix}, \Delta_1 = \begin{vmatrix} 2 & 2 \\ 3 & -4 \end{vmatrix}, \Delta_2 = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 7 \end{vmatrix}.$
4	Скалярное произведение векторов \vec{a} и \vec{b} , если $\vec{a} = \left\{3;5;8\right\}$, $\vec{b} = \left\{-1;2;0\right\}$ равно:
	Ответ 7
5	Даны векторы $\vec{a} = \{2;5;7\}$ и $\vec{b} = \{1;2;4\}$. Координаты векторного произведения

	$ec{n} = ec{a} imes ec{b}$ равны:
	<u>1)</u> (6; -1; -1) 2) (2; -4; 5) 3) (6; 2; 1) 4) (3; 8; 6)
6	Смешанное произведение векторов $\vec{a}=(1;-2;0)$, $\vec{b}=(1;0;2)$, $\vec{c}=(-2;4;0)$ равно: Ответ0
7	Угловой коэффициент прямой $6x + 2y - 5 = 0$ равен:
	1) -6 <u>2) -3</u> 3) 3 4) 6
8	Выбрать уравнение окружности, представленной на рисунке:
	1) $x^2 + y^2 = 9$;
	3) $(x+4)^2 + (y+2)^2 = 9;$ 4) $(x+4)^2 - (y+2)^2 = 9.$
9	Уравнение плоскости, проходящей через точку M ₀ (2; 1; -1) и имеющей нормальный
	вектор \overline{N} ={1; -2; 3}, имеет вид: 1) $2x + y + z + 1 = 0$ 3) $x - 2y + 3z + 1 = 0$ 2) $x - 2y + 3z + 3 = 0$ 4) $3x + y + z = 0$
10	$\sin^2 x$
	$\lim_{x\to 0} \frac{1}{x^2}$ равен:
	Ответ1
11	Укажите правильный вариант: «Предел отношения приращения функции к приращению аргумента, когда приращение аргумента стремится к нулю, называется» 1) асимптотой 2) неопределенным интегралом 3) производной от данной функции 4) определенным интегралом
12	Производная функции $y = \sqrt{4 - x^2}$ равна: 1) $y' = x + \sqrt{4 - x^2}$ $y' = -\frac{x}{\sqrt{4 - x^2}}$ 3) $y' = \frac{x}{2\sqrt{4 - x^2}}$ 4) $y' = \arcsin 2x$
13	Частная производная функции $z=5x^2y-y^3+7$ по переменной (у) при $x=1,y=0$ равна: Ответ5
14	Частная производная $\frac{\partial^2 z}{\partial y^2}$ функции $z=\frac{y^2}{x}$ равна:

	1) $-\frac{2}{x}$ 2) $\frac{2}{x}$ 3) $\frac{2y}{x^2}$ 4) $\frac{1}{x}$;
	$x - x \times x^2 \times x$
15	Координаты точек возможного экстремума функции $z = y^2 + 2xy - 6y$ равны:
	<u>1) (3,0)</u> 2) (1,0) и (0,1) 3) (1,1) 4) (1,0)
16	$\int \frac{dx}{5x+3}$ равен
	5 2
	1) $\frac{5}{5x+3} + C$ 2) $\frac{1}{5} \ln 5x+3 + C$ 3) $5 \ln 5x+3 + C$ 4) $5 \operatorname{arctg} \frac{5x+3}{5} + C$
17	Определенный интеграл $\int_{-\infty}^{\pi} \cos(2x) dx$ равен
	<u>1) -1/2</u> 2) 0 3) 1 4) 2
18	Площадь области , ограниченной линиями $y = 2x, y = x, x = 1$ равна
	Ответ <u>0.5</u>
19	Объем тела, полученный при вращении вокруг оси ОХ фигуры, ограниченной ли-
	ниями $y = \sqrt{x}$, $y = x$ равен 1) $\pi/12$ 2) $\pi/8$ 3) $\pi/7$ 4) $\pi/6$
20	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,
20	Решениями уравнения $x^2+2x+2=0$ являются: 1) $z_{1,2}=1\pm i$ 2) $z_{1,2}=-1\pm i$ 3) $z_{1,2}=-1+i$ 4) $z_{1,2}=2\pm i$
21	Результат произведения двух комплексных чисел (2 – i) и (2 + i) равен
	Ответ <u>5</u>
22	Общее решение дифференциального уравнения $yy' = e^x + 1$ имеет вид
	1) $y^2 = 2e^x + 2x + C$ 2) $y^2 = e^x + x + C$ 3) $y^2 = 2e^x + x + C$ 4) $y^2 = e^x + 2x + C$
23	Общее решение дифференциального уравнения $y'' = -1/x^2$ имеет вид
	1) $C_1x + x + C_2$ 2) $C_1/x + C_2$ 3) $C_1x + C_2 + \ln x$ 4) $C_1x + x^2 + C_2$
24	Общее решение дифференциального уравнения $y'' + 2y' + y = 0$ имеет вид
25	Частное решение $y_{\text{чн}}$ линейного неоднородного дифференциального уравнения $y'' + 4y' + 5y = \sin x$ следует искать в виде
	1) $y_{uu} = Ae^{-2x} \sin x$ Chedyel uckath B Bude 2) $y_{uu} = A\sin x + B\cos x$
	3) $y_{uH} = (A\sin x + B\cos x)x$ 4) $y_{uH} = (A\sin x + B\cos x)e^{-2x}$
26	Среди приведенных рядов сходятся
	1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + 2}$ 2) $\sum_{n=1}^{\infty} n!$ 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^2 + 2}}$ 4) $\sum_{n=1}^{\infty} \sqrt{n + 2}$

27	Среди приведенных рядов расходятся
	1) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{3^n}$ 2) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{n^2 + 1}$ 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^n}$ 4) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{3^n}{n}$
28	Разложение функции $y=e^{-x}$ в ряд Маклорена имеет вид
	1) $1-x+\frac{x^2}{2!}-\frac{x^3}{3!}+\dots$ 2) $1-x-\frac{x^2}{2!}-\frac{x^3}{3!}+\dots$
	3) $1+x+\frac{x^2}{2!}+\frac{x^3}{3!}+\dots$ 4) $1+x^2+\frac{x^3}{2!}+\frac{x^4}{3!}+\dots$

3.2 Контрольная работа

ОПК-2 способен использовать математические, физические, физико-химические, химические методы для решения задач профессиональной деятельности

Примеры вопросов:

	примеры вопросов:
Номер	Текст задания
задания	
29	1. Найти производную $y'(x)$ функции $y(x)$, заданной параметрически с помощью
	уравнений:
	$\begin{cases} x = \sqrt{1 - 25t^2} \\ y = \arcsin^2 5t \end{cases}$
	$y = \arcsin^2 5t$
	Найти производные функций:
	2. $y = \ln^4(3x^2 + 1)$ 3. $y = x^{\cos 2x}$ 4. $y = \frac{\sqrt{\sin x}}{2^{tgx}}$ 5. $y = ctg^2x \cdot \arccos(e^x)$
30	Вычислить неопределенные интегралы
	1. $\int \frac{dx}{x \ln^3 x}$ 2. $\int \frac{e^x}{\sqrt{1 - e^{2x}}} dx$ 3. $\int x7^x dx$ 4. $\int x^8 \ln x dx$
	5. $\int \frac{x^2 + 2x + 21}{(x+1)(x-4)(x+5)} dx$ 6. $\int \frac{dx}{(\sqrt{x}+1)x}$
31	Найти общее решение дифференциальных уравнений
	1. $\sin^2 x dy - 3^y \cos x dx = 0$ 2. $y' = \left(\frac{x}{y}\right)^2 + \frac{y}{x}$
	3. $y' + \frac{1}{x}y = \frac{1}{x\cos^2 x}$ 4. $y'' = y'ctgx$ 5. $y'' + 2y' + y = x + 1$

3.3 Кейс- задания

Номер задания		Текст задания
32	Решить уравнение:	$\begin{vmatrix} x^2 & 4 & 3 & 5 \\ x^2 & -2 & -x & 0 \\ 1/x & 3 & 1 & 5 \\ 0 & -3 & 0 & 0 \end{vmatrix} = 0.$

	OTBET: $x = -1$, $x = \frac{-1 - \sqrt{5}}{2}$, $x = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2}$.
33	Даны координаты вершин пирамиды АВСО А(5,-1,3), В(-1,5,3), С(3,5,-1),
	D(-2,-7,-5). Найти высоту пирамиды, используя формулу $V = \frac{1}{3}SH$.
	Ответ: $7\sqrt{3}$.
34	Найти точку пересечения прямой $\frac{x}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z+1}{2}$ и плоскости, проходящей через
	точки А(0,-7,1), В(1,0,-7), С(3,-5,-4).
	Ответ: (-2, -1, -3).
35	Объём продукции <i>u</i> , выпускаемой рабочим в течение рабочего дня, выража-
	ется функцией $u(t) = -\frac{5}{6}t^3 + \frac{15}{2}t^2 + 100t + 50$, где t – время, ч; причём $1 \le t \le 8$. Вы-
	числить производительность труда. Вычислить производительность труда через 1 ч после начала и за 1 ч до окончания рабочего дня. В какое время производительность труда максимальна?
	Ответ: производительность труда $u'(t) = -\frac{5}{2}t^2 + 15t + 100$.
	производительность труда через 1 ч после начала рабочего дня $u'(1) = 112,5$
	производительность труда за 1 ч до окончания рабочего дня $u'(7) = 82,5$
	производительность труда максимальна при $t=3$ и равна 122,5
36	Общие издержки производства заданы функцией
	$U = 0.5x^2 + 0.6xy + 0.4y^2 - 700x - 596y + 2000$, где x и y – соответственно количе-
	ство товаров A и B. Сколько единиц товара A и B нужно произвести, чтобы издержки на их изготовление были минимальными? Ответ: $x = 460$, $y = 400$.
37	3 /2 2
	Вычислить интеграл $\int_{3/2}^{3} \frac{\sqrt{9-x^2}}{x^2} dx$.
	Ответ: $\sqrt{3} - \pi / 3$.
38	В городе с населением 4000 человек распространение эпидемии подчиняется
	уравнению $\frac{dy}{dt}$ = 0,001 y (4000 – y), где y – число заболевших в момент времени t .
	Через какое время заболеет 90 % населения, если в начальный момент болело 2 % населения?
	Ответ: 90 % населения заболеет через 1,5 суток (36 часов).
39	С помощью разложения подынтегральной функции в ряд вычислить с точно-
	стью 0,001 интеграл $\int_{0}^{1} \frac{\sin x}{x} dx$.
	Ответ: 0,9461

3.4. Домашнее задание

Номер	Текст задания
задания	
40	2 3 4 1
	Задание 1. Вычислить определитель
	2 0 1 0
	-5 0 3 1
	Задание 2. Произвести действия над матрицами.
	$2AB-C$, где $A=egin{pmatrix} 2&3&-1\ 3&2&1\ 1&2&0 \end{pmatrix}$, $B=egin{pmatrix} 1&-2&0\ 4&-3&3\ 1&2&1 \end{pmatrix}$, $C=egin{pmatrix} 0&-3&1\ 4&0&2\ 3&-1&2 \end{pmatrix}$.
	$\begin{vmatrix} 2AB-C \ , \text{ ГДЕ } A = \begin{vmatrix} 3 \ 2 \ \end{vmatrix} \begin{vmatrix} 1 \ , B = \begin{vmatrix} 4-3 \ 3 \end{vmatrix} , C = \begin{vmatrix} 4 \ 0 \ 2 \end{vmatrix} .$
	Задание 3. Решить систему линейных уравнений
	1) с помощью правила Крамера, 2) средствами матричного исчисления.
	x + y - 3z = -1
	$\begin{cases} x + y - 3z = -1 \\ 2x + y - 2z = 1 \\ x + y + z = 3 \end{cases}$
41	1. Даны координаты вершин пирамиды АВСО
	А(5,-1,3), В(-1,5,3), С(3,5,-1), D(-2,-7,-5). Найти: 1) угол между ребрами АВ и АС;
	2) площадь грани АВС; 3)объем пирамиды.
	2. Даны вектора \vec{a} = 4 \vec{p} - \vec{q} и \vec{b} = \vec{p} +2 \vec{q} . Известно $ \vec{p} $ =3, $ \vec{q} $ =3, \angle (\vec{p} , \vec{q}) = 150°.
	Найти: 1) $ \vec{a}\cdot\vec{b} $, 2) $ \vec{a} imes\vec{b} $.
	, ,
42	1. Даны координаты вершин треугольника АВС
	A(3,6), B(11,10), C(9,6). Найти: 1) уравнение медианы AD и ее длину; 2) урав-
	нение высоты АЕ и ее длину: 3) угол между медианой и высотой. Сделать
	чертеж. 2. Даны координаты вершин пирамиды ABCD
	А(5,-1,3), В(-1,5,3), С(3,5,-1), Д(-2,-7,-5). Найти: 1) уравнение грани АВС; 2)
	угол между ребром AD и гранью ABC; 3) уравнение высоты, опущенной из
	точки D на грань ABC; 4) точку пересечения высоты с гранью и длину высоты.
	3. Написать каноническое уравнение эллипса, если он проходит через точки
	M(2; 3) и N(4; 0). Найти его эксцентриситет. Сделать чертеж.
10	
43	1. Найти частные производные второго порядка функции $z = f(x, y)$.
	$z = \frac{x - y}{x + y}$
	x+y
	2. Вычислить градиент поля $z = x^2 - 2xy + 3y - 1$ в точке $M(1; 2)$.
	3. Найти производную функции $z = x^3 - 3x^2y + 3xy^2 + 1$ в точке $M(1;1)$ в направ-
	→ · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	лении MM_1 , где $M(1;1)$, $M_1(2;3)$.
	4. Найти экстремум функции $z = x^2 + 0.5xy + 0.5y^2 + 2x + 4y + 2$.
44	1 . Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:
	a) $y = 2\sqrt{x}$, $y = \sqrt{x}$, $x = 4$. b) $x = 5\cos t$, $y = 4\sin t$.
	2. Вычислить длину дуги кривой:
	а) $y^2 = x^3$ от точки A(0,0) до точки B(4,8) b) $r = \cos \varphi$.

3.Вычислить объем тела, полученного вращением фигуры, ограниченной линиями $y=2x-x^2,\ y=0$, вокруг оси ОХ . 4. Вычислить несобственный интеграл или доказать его расходимость: $\int\limits_{2}^{\infty} \frac{\ln x}{x} dx$

3.5 Собеседование

Вопросы для экзамена, зачета

Номер вопроса	reker boripoca					
20	Текст вопроса					
	1 семестр					
45	Определители 2-го и 3-го порядков. Свойства определителей.					
46	Матрицы. Действия над матрицами. Обратная матрица.					
47	Решение системы 3-х линейных алгебраических уравнений по правил					
	Крамера и матричным методом.					
48	Векторы. Линейные операции над векторами. Свойства линейных операций.					
49	Базис. Разложение вектора по базису. Декартова система координат.					
50	Скалярное произведение векторов. Свойства. Вычисление.					
51	Векторное произведение двух векторов. Свойства. Вычисление.					
52	Смешанное произведение трех векторов. Вычисление.					
53	Простейшие задачи аналитической геометрии на плоскости. Уравнение лини					
	на плоскости. Уравнения прямой на плоскости.					
54	Угол между прямыми на плоскости. Условие параллельности					
	перпендикулярности. Расстояние точки до прямой.					
55	Эллипс.					
56	Гипербола.					
57	Парабола.					
58	Уравнения плоскости. Взаимное расположение двух плоскостей. Расстояни					
	точки до плоскости.					
59	Уравнения прямой в пространстве. Взаимное расположение двух прямых					
	пространстве.					
60	Взаимное расположение прямой и плоскости.					
61	Функция. Способы задания. Сложная функция.					
62	Предел функции. Односторонние пределы.					
63	Предел функции при $x\to\infty$, $x\to+\infty$, $x\to-\infty$. Теоремы о пределах.					
64	1-й замечательный предел.					
65	2-й замечательный предел.					
66	Бесконечно малые и бесконечно большие функции.					
67	Сравнение бесконечно малых.					
68	Непрерывность функции.					
69	Точки разрыва функции. Кусочно-непрерывные функции.					
70	Производная функции. Геометрический смысл. Левая и правая производные.					
71	Связь дифференцируемости и непрерывности функции.					
72	Дифференциал функции.					
73	Основные правила дифференцирования.					
	Основные правила дифференцирования. Производные функций у =C, y = sin x, y = cos x, y = tg x, y = ctg x, y = log _a x.					

76	Производные функций $y = a^x$, $y = arcsinx$, $y = arccosx$, $y = arctgx$, $y = arcctgx$.							
77	Производная сложной функции. Логарифмическая производная. Производная							
	функции $y = x^{\alpha} \ (\alpha \in R).$							
78	Производные и дифференциалы высших порядков.							
79	Производная функции, заданной параметрически и неявно.							
80	Теоремы Ролля и Лагранжа.							
81	Теоремы Ролля и Коши.							
82								
	Неопределенности вида $\frac{0}{0}$ и $\frac{\infty}{\infty}$. Правило Лопиталя. Раскрытие							
	неопределенностей вида 0⋅∞, ∞ - ∞ , 0 ⁰ , ∞ ⁰ , 1 [∞] .							
83	Многочлен Тейлора. Теорема Тейлора.							
84	Формула Маклорена. Разложение функций у = e ^x , у = sin x, у = cos x по формуле Маклорена.							
85	Признак монотонности функций. Экстремумы функции. Необходимое и доста-							
	точное условия экстремума.							
86	Интервалы выпуклости (вогнутости) функции. Точка перегиба. Необходимое и							
	достаточное условия точки перегиба.							
87	Асимптоты графика функции. Схема исследования функции.							
	2 семестр							
88	Функция нескольких переменных. Геометрическое изображение функции двух							
	переменных. Линии и поверхности уровня.							
89	Предел и непрерывность функции двух переменных.							
90	Частное и полное приращение функции. Частные производные функции двух							
	переменных. Правило вычисления производных.							
91	Дифференцируемость функции двух переменных.							
92	Дифференциал функции двух переменных.							
93	Производная сложной функции. Инвариантность формы дифференциала							
	функции двух переменных.							
94	Частные производные и дифференциалы высших порядков функции							
	нескольких переменных.							
95	Экстремум функции двух переменных. Необходимое условие экстремума							
96	Производная по направлению.							
97	Градиент функции. Свойства градиента							
98	Первообразная функции. Неопределенный интеграл.							
99	Свойства неопределенного интеграла. Таблица интегралов. Правила интег-							
	рирования.							
100	Метод замены переменной и интегрирование по частям в неопределенном							
	интеграле.							
101	Интегрирование выражений, содержащих квадратный трехчлен.							
102	Интегрирование рациональных функций.							
103	Разложение дроби на простейшие. Интегрирование иррациональных выраже-							
	ний.							
104	Интегрирование тригонометрических выражений.							
105	Определение определенного интеграла.							
106	Необходимое и достаточное условие интегрируемости функций. Интегриро-							
	вание непрерывных и некоторых разрывных функций.							
107	Свойства определенного интеграла.							
108	Оценки интегралов. Теорема о среднем.							
109	Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница.							
110								
110	Замена переменной в определенном интеграле. Интегрирование по частям в							
	определенном интеграле.							

112 113 114 115 116 117	Вычисление площади плоской фигуры. Площадь криволинейного сектора. Объем тела вращения. Длина дуги плоской кривой.
113 114 115 116	Объем тела вращения.
114 115 116	
116	Harring Hyrring and inference
	Работа переменной силы.
117	Несобственный интеграл первого рода
	Несобственный интеграл второго рода.
118	Формы комплексного числа.
119	Действия над комплексными числами.
120	Понятие дифференциального уравнения. Дифференциальное уравнение первого порядка. Задача Коши.
121	Общее и частное решения дифференциальное уравнения первого порядка.
122	Дифференциальное уравнение с разделяющимися переменными.
123	Однородное уравнение.
124	Линейное дифференциальное уравнение первого порядка. Уравнение Бернулли. Метод Бернулли.
125	Дифференциальное уравнение в полных дифференциалах.
126	Дифференциальные уравнения второго порядка (определение, задача Коши, общее и частное решения).
127	Дифференциальные уравнения высших порядков.
128	Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка.
129	Линейные дифференциальные уравнения второго порядка. Структура решения линейных однородных дифференциальных уравнений второго порядка. Линейно зависимые и независимые функции.
130	Определитель Вронского. Структура общего решения линейных однородных
131	дифференциальных уравнений второго порядка. Нахождение общего решения по известному одному частному решению
132	Структура общего решения линейных неоднородных дифференциальных
	уравнений второго порядка.
133	Метод вариации произвольных постоянных.
134	Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
135	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Нахождение частного решения.
136	Системы обыкновенных дифференциальных уравнений. Задача Коши. Общее и частное решения.
137	Решение системы обыкновенных дифференциальных уравнений
138	Числовые ряды. Необходимое условие сходимости. Достаточные признаки сходимости числового ряда.
139	Знакочередующиеся ряды. Теорема Лейбница. Абсолютная и условная сходимость.
140	Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда.
141	Разложение функций в степенные ряды. Ряд Тейлора и Маклорена.
142	Разложение в ряд Маклорена функций $y = e^x$, $y = \sin x$, $y = \cos x$, $y = \sinh x$, $y = \cosh x$, $y = \sinh $
1	Приложение рядов в приближенных вычислениях.

и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Процедуры оценивания в ходе изучения дисциплины знаний, умений и навыков, характеризующих этапы формирования компетенций, регламентируются положениями:

- П ВГУИТ 2.4.03 Положение о курсовых экзаменах и зачетах;
- П ВГУИТ 4.1.02 Положение о рейтинговой оценке текущей успеваемости

Тестовые задания

Критерии и шкалы оценки:

- оценка «отлично» выставляется студенту, если студент ответил на 85 -100 % вопросов;
- оценка «хорошо», если студент ответил на 70 84,99 % вопросов ;
- оценка «удовлетворительно», если студент ответил на 50 69,99 % вопросов;
- оценка «неудовлетворительно», если студент ответил на 0 49,99 % вопросов.

Аудиторная контрольная работа

Критерии и шкалы оценки:

- оценка «отлично» выставляется студенту, если студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет;
- оценка «хорошо» выставляется студенту, если студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет, имеются замечания по оформлению задания, **допустил** не более 1 ошибки;
- оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если студент выбрал верную методику решения задачи, допустил 2 ошибки в вычислениях;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если студент выбрал неверную методику решения задачи, допустил более 2 ошибок в вычислениях.

Домашнее задание

Критерии и шкалы оценки:

- оценка «отлично» выставляется студенту, если студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет;
- оценка «хорошо» выставляется студенту, если студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допустил не более 1 ошибки;
- оценка «удовлетворительно" выставляется студенту, если студент выбрал верную методику решения задачи, проведен верный расчет, представил решение задач, имеются значительные замечания по тексту и оформлению задания, допустил не более 2 ошибок;
- оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если студент выбрал неверную методику решения задачи, проведен неверный расчет, имеются значительные замечания по тексту и оформлению работы, допустил более 2 ошибок.

Экзамен (зачет)

Критерии и шкалы оценки:

- оценка «отлично» выставляется студенту, проявившему всесторонние и глубокие знания программного материала и дополнительной литературы, обнаружившему творческие способности в понимании, изложении и практическом использовании материала и справившемуся с кейс-заданием;

- оценка «хорошо» выставляется студенту, проявившему полное знание программного материала, освоившему основную рекомендованную литературу, обнаружившему стабильный характер знаний и умений и способному к их самостоятельному применению и обновлению в ходе последующего обучения и практической деятельности и частично справившемуся с кейс-заданием;
- оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, проявившему знания основного программного материала в объеме, необходимом для последующего обучения и предстоящей практической деятельности, знакомому с основной рекомендованной литературой, допустившему неточности в ответе на экзамене, но обладающему необходимыми знаниями и умениями для их устранения при корректировке со стороны экзаменатора;
- оценка «зачтено» ставится на зачёте студентам по вышеуказанным критериям для оценок «отлично», «хорошо», «удовлетворительно»;
- оценки «неудовлетворительно» и «не зачтено» ставятся студенту, обнаружившему существенные пробелы в знании основного программного материала, допустившему принципиальные ошибки при применении теоретических знаний, которые не позволяют ему продолжить обучение или приступить к практической деятельности без дополнительной подготовки по данной дисциплине.

По итогам изучения дисциплины за семестр выставляется средневзвешенная оценка с учетом рейтинговой системы оценивания.

5. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания для каждого результата обучения по дисциплине/практике

Результаты обучения по	Предмет оценки	Показатель	Критерии оценивания	Шкала оце	нивания
этапам формирования компетенций	(продукт или про- цесс)	оценивания	сформированности компетенций	Академическая оценка или баллы	Уровень освоения компетенции
Шифр и наименование и методы для решения зада			вать математические, физические, физик	о-химические, х	
ЗНАТЬ : основные понятия и методы математики		знание программно- го материала, ста- бильный характер знаний и умений и способность к их са- мостоятельному применению и об- новлению в ходе последующего обу- чения и практической деятельности, сде- ланное кейс-задание	пробелы в знании основного программного материала, принципиальные ошибки при применении теоретических знаний	2	Не освоена (недостаточ- ный)
			знания основного программного материала в объеме, необходимом для последующего обучения и предстоящей практической деятельности	3	Освоена (ба- зовый)
				4-5	Освоена (повышенный)
	пре	Правильный ответ на представленные вопросы	0 - 49,99 % правильных ответов	Не зачтено	Не освоена (недостаточ- ный)
			50 - 100 % правильных ответов	Зачтено	Освоена (ба- зовый, повы- шенный)
УМЕТЬ: использовать математические понятия, математические методы для описания различных процессов	ема- представле иса- дач, верны	Методика решения представленных задач, верные расчеты	неверная методика решения задачи, проведен неверный расчет, имеются значительные замечания по тексту и оформлению работы, допущено более 2 ошибок.	2	Не освоена (недостаточ- ный)
тип разли шви продосов			верная методика решения задачи, представлено решение задач, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 2 ошибок	3	Освоена (ба- зовый)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 1 ошибки	4	Освоена (по- вышенный)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет	5	

ВЛАДЕТЬ: навыками использования математического аппарата и математических методов	Контрольная работа	Методика решения представленных задач, верные расчеты	неверная методика решения задачи, проведен неверный расчет, имеются значительные замечания по тексту и оформлению работы, допущено более 2 ошибок	2	Не освоена (недостаточ- ный)
тодов			верная методика решения задачи, представлено решение задач, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 2 ошибок	3	Освоена (ба- зовый)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 1 ошибки	4	Освоена (по- вышенный)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет	5	
	Кейс-задания	Методика решения представленных задач, верные расчеты	неверная методика решения задачи, проведен неверный расчет, имеются значительные замечания по тексту и оформлению работы, допущено более 2 ошибок	2	Не освоена (недостаточ- ный)
			верная методика решения задачи, представлено решение задач, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 2 ошибок	3	Освоена (ба- зовый)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 1 ошибки	4	Освоена (по- вышенный)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет	5	
ЗНАТЬ: основные понятия и методы математики	Зачет	знание программно- го материала, ста- бильный характер	пробелы в знании основного программного материала, принципиальные ошибки при применении теоретических знаний	Не зачтено	
		знаний и умений и способность к их са- мостоятельному применению и об- новлению в ходе последующего обу- чения и практической деятельности, сде- ланное кейс-задание	знания основного программного материала в объеме, необходимом для последующего обучения и предстоящей практической деятельности	Зачтено	Освоена (повышенный)
	Тестовые задания	Правильный ответ на представленные во-просы	0 - 49,99 % правильных ответов	Не зачтено	Не освоена (недостаточ- ный)
			50 - 100 % правильных ответов	Зачтено	Освоена (по- вышенный)

УМЕТЬ: использовать математические понятия, математические методы для описания различных процессов	Домашнее задание	Методика решения представленных задач, верные расчеты	неверная методика решения задачи, проведен неверный расчет, имеются значительные замечания по тексту и оформлению работы, допущено более 2 ошибок	2	Не освоена (недостаточ- ный)
			верная методика решения задачи, представлено решение задач, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 2 ошибок	3	Освоена (ба- зовый)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 1 ошибки	4	Освоена (по- вышенный)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет	5	
ВЛАДЕТЬ: навыками использования математического аппарата и математических методов	тического ап-	Методика решения представленных задач, верные расчеты	неверная методика решения задачи, проведен неверный расчет, имеются значительные замечания по тексту и оформлению работы, допущено более 2 ошибок	2	Не освоена (недостаточ- ный)
ТОДОВ			верная методика решения задачи, представлено решение задач, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 2 ошибок	3	Освоена (ба- зовый)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 1 ошибки	4	Освоена (по- вышенный)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет	5	
	Кейс-задания	Методика решения представленных задач, верные расчеты	неверная методика решения задачи, проведен неверный расчет, имеются значительные замечания по тексту и оформлению работы, допущено более 2 ошибок	2	Не освоена (недостаточ- ный)
			верная методика решения задачи, представлено решение задач, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 2 ошибок	3	Освоена (ба- зовый)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет, имеются замечания по тексту и оформлению задания, допущено не более 1 ошибки	4	Освоена (по- вышенный)
			студент выбрал верную методику решения задачи, привел верный расчет	5	